

درس المعادلات التفاضلية

الثانية باك علوم رياضية و تجريبية

1. معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى:

أ. تعريف:

ليكن a و b عدنان من \mathbb{R} . كل معادلة على شكل $y' = ay + b$ حيث y دالة عددية و y' مشتقتها تسمى معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى.

ب. حل المعادلة التفاضلية من الرتبة الأولى:

➤ حل المعادلة $y' = ay$ هي الدوال المعرفة على \mathbb{R} بما يلي: $x \mapsto \lambda e^{ax}$ ($\lambda \in \mathbb{R}$)

➤ حل المعادلة $y' = ay + b$ هي الدوال المعرفة على \mathbb{R} بما يلي: $x \mapsto \lambda e^{ax} - \frac{b}{a}$ ($\lambda \in \mathbb{R}$)

2. معادلة مع شرط بدئي:

خاصية:

ليكن $x_0 \in \mathbb{R}$ و $y_0 \in \mathbb{R}$ يوجد حل وحيد للمعادلة التفاضلية $y' = ay + b$ بحيث $y(x_0) = y_0$

3. معادلة تفاضلية من الرتبة الثانية:

أ. تعريف:

لتكن a و b و c أعداد من \mathbb{R} . كل معادلة على شكل $ay'' + by' + cy = 0$ تسمى معادلة تفاضلية من الرتبة الثانية

المعادلة $ar^2 + br + c = 0$ تسمى المعادلة المميزة للمعادلة التفاضلية $ay'' + by' + cy = 0$

ب. حل المعادلة التفاضلية من الرتبة الثانية:

حل المعادلة التفاضلية	حل المعادلة المميزة	$\Delta = b^2 - 4ac$
$y : x \mapsto \alpha e^{r_1 x} + \beta e^{r_2 x}$	$r_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$ $r_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$	$\Delta > 0$

$y : x \mapsto (\alpha x + \beta)e^{r_0 x}$	$r_0 = \frac{-b}{2a}$	$\Delta = 0$
$y : x \mapsto (\alpha \cos(qx) + \beta \sin(qx))e^{px}$	$r_1 = p + iq$ $r_2 = p - iq$	$\Delta < 0$

تتبع

math.ma