

الأولى آداب

تصحيح الامتحان الجهوي لـ 2012 – د. عادية – جهة الشاوية ورديغة

التمرين الأول : (6 ن)

I	حل في مجموعة الأعداد الحقيقية \mathbb{R} المعادلة : $x^2 - 2x - 8 = 0$	2
II	حل في المجموعة \mathbb{R}^2 النظام : $\begin{cases} 3x - 2y = 11 \\ 2x + y = 12 \end{cases}$	2
III	الراتب الشهري لموظف هو 5000 درهم ، يؤدي منه 1200 درهم كواجب شهري لكراء شقة . حدد النسبة المئوية التي يمثلها واجب الكراء بالنسبة لراتب هذا الموظف .	2

التمرين الثاني (4 ن)

	نعتبر المتتالية الحسابية (u_n) التي حدها الأول u_0 وأساسها r بحيث $u_0 = 6$ و $r = 10$	
1-	أحسب u_1 و u_2	1
2-	عبر عن u_n بدلالة n و تحقق من أن $u_{19} = 196$	2
3-	أحسب المجموع S التالي : $S = u_0 + u_1 + \dots + u_{18} + u_{19}$	1

التمرين الثالث (2 ن)

	يحتوي صندوق على تسع كرات تحمل الأرقام : 2 ، 2 ، 3 ، 3 ، 3 ، 3 ، 4 ، 4 ، 4 ، 4 . نسحب في آن واحد كرتين من الصندوق . أحسب عدد إمكانيات سحب كرتين تحملان رقمين مختلفين .	2
--	---	---

التمرين الرابع (8 ن)

	لتكن f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بما يلي : $f(x) = -x^2 + 2x - 1$	
	(C_f) يرمز للمنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم (O, \vec{i}, \vec{j})	
1-	أحسب $f(0)$ و $f(2)$ و $f(-1)$	0,75
2-	أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$	2
3-	أ) بين أن $f'(x) = -2(x-1)$ لكل x من \mathbb{R}	1,5
	ب) أدرس إشارة $f'(x)$ ثم اعط جدول تغيرات الدالة f على \mathbb{R}	1,25
4-	أ) بين أن $y = 2x - 1$ هي معادلة للمستقيم (T) المماس للمنحنى (C_f) في النقطة التي أفصولها 0	0,5
	ب) أنشئ ، في نفس المعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) ، المستقيم (T) و المنحنى (C_f)	2

تصحيح التمرين الأول

I. لنحل في \mathbb{R} المعادلة : $x^2 - 2x - 8 = 0$

لدينا : $\Delta = (-2)^2 - 4(1)(-8) = 4 + 32 = 36$

بما أن : $\Delta > 0$ فإن المعادلة تقبل حقيقيين مختلفين :

$$x = \frac{-(-2) + \sqrt{36}}{2(1)} \quad \text{أو} \quad x = \frac{-(-2) - \sqrt{36}}{2(1)}$$

إذن : $x = 4$ أو $x = -2$

ومنه : $S = \{-2, 4\}$

II. لنحل في المجموعة \mathbb{R}^2 النظام : $\begin{cases} 3x - 2y = 11 \\ 2x + y = 12 \end{cases}$

لدينا : $D = \begin{vmatrix} 3 & -2 \\ 2 & 1 \end{vmatrix} = 7$

بما أن $D \neq 0$ فإن النظام تقبل حلا وحيدا هو الزوج (x, y) بحيث :

$$x = \frac{D_x}{D} = \frac{\begin{vmatrix} 11 & -2 \\ 12 & 1 \end{vmatrix}}{7} \quad \text{و} \quad y = \frac{D_y}{D} = \frac{\begin{vmatrix} 3 & 11 \\ 2 & 12 \end{vmatrix}}{7}$$

أي : $y = \frac{35}{7} = 5$ و $y = \frac{14}{7} = 2$

ومنه : $S = \{(5, 2)\}$

III. النسبة المئوية التي يمثلها واجب الكراء بالنسبة لراتب هذا الموظف هي : 24%

لأن : $\frac{1200}{5000} \times 100 = 24$

تصحيح التمرين الثاني

1- بما أن (u_n) حسابية أساسها r فإن $u_{n+1} = u_n + r$

إذن : $u_2 = u_1 + r = 16 + 10 = 26$ و $u_1 = u_0 + r = 6 + 10 = 16$

-2

✓ بما أن (u_n) حسابية أساسها r و حدها الأول u_0 فإن لكل n من \mathbb{N} : $u_n = u_0 + nr$

ومنه : لكل n من \mathbb{N} : $u_n = 6 + 10n$

✓ $u_{19} = 6 + 10 \times (19) = 6 + 190 = 196$

-3

$$\begin{aligned}
 S &= u_0 + u_1 + \dots + u_{18} + u_{19} \\
 &= (19 - 0 + 1) \times \left(\frac{u_0 + u_{19}}{2} \right) \\
 &= 20 \times \left(\frac{6 + 196}{2} \right) \\
 &= 2020
 \end{aligned}$$

تصحيح التمرين الثالث

طريقة 1:

عدد الإمكانيات لسحب كرتين تحملان رقمين مختلفين :

$$C_2^1 \times C_3^1 + C_2^1 \times C_4^1 + C_3^1 \times C_4^1 = 2 \times 3 + 2 \times 4 + 3 \times 4 = 6 + 8 + 12 = 26$$

طريقة 2:

أولا نحدد عدد السحبات الممكنة : $C_9^2 = 36$ ثانيا نحدد عدد السحبات للحصول على كرتين تحملان نفس الرقم : $C_2^2 + C_3^2 + C_4^2 = 1 + 3 + 6 = 10$ إذن عدد الإمكانيات لسحب كرتين تحملان رقمين مختلفين : $36 - 10 = 26$

تصحيح التمرين الرابع

-1

$$f(0) = -(0)^2 + 2(0) - 1 = -1$$

$$f(2) = -(2)^2 + 2(2) - 1 = -1$$

$$f(-1) = -(-1)^2 + 2(-1) - 1 = -4$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} -x^2 + 2x - 1 = \lim_{x \rightarrow +\infty} -x^2 = -\infty$$

-2

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} -x^2 + 2x - 1 = \lim_{x \rightarrow -\infty} -x^2 = -\infty$$

-3 (أ) ليكن $x \in \mathbb{R}$:

$$f'(x) = (-x^2 + 2x - 1)' = -2x + 2 = -2(x - 1)$$

لدينا :

إذن : $f'(x) = -2(x - 1)$ لكل x من \mathbb{R} (ب) إشارة $f'(x)$ هي إشارة $-2(x - 1)$:

x	$-\infty$	1	$+\infty$
$x-1$	$-$	0	$+$
$-2(x-1)$	$+$	0	$-$

$f'(x) \leq 0$: على المجال $[1, +\infty[$
و على المجال $]-\infty, 1]$ $f'(x) \geq 0$
جدول تغيرات الدالة f على \mathbb{R}

x	$-\infty$	1	$+\infty$
$f'(x)$	$+$	0	$-$
$f(x)$	$-\infty$	0	$-\infty$

4- أ) معادلة المماس (T) المماس للمنحنى (C_f) في النقطة التي أفصولها 0 هي :

$$y = f'(0) \times (x - 0) + f(0)$$

$$y = 2x - 1$$

$$\text{لأن : } f(0) = -1 \text{ و } f'(0) = -2(0-1) = 2$$

(ب)

