

الثانية علوم تجريبية

تصحيح الامتحان الوطني لـ 2016 – الدورة الاستدراكية

التمرين الأول: (3 ن)

نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة بما يلي : $u_0 = 2$ و $u_{n+1} = \frac{1}{16}u_n + \frac{15}{16}$ لكل n من \mathbb{N}	
1) أ- بين بالترجع أن $u_n > 1$ لكل n من \mathbb{N}	0,5
ب- تحقق من أن $u_{n+1} - u_n = -\frac{15}{16}(u_n - 1)$ لكل n من \mathbb{N} ثم بين أن المتتالية (u_n) تناقصية .	0,5
ج- استنتج أن المتتالية (u_n) متقاربة .	0,25
2) لتكن (v_n) المتتالية العددية المعرفة بما يلي : $v_n = u_n - 1$ لكل n من \mathbb{N}	
أ- بين أن (v_n) هندسية أساسها $\frac{1}{16}$ و أكتب v_n بدلالة n	1
ب- بين أن $u_n = 1 + \left(\frac{1}{16}\right)^n$ لكل n من \mathbb{N} ثم حدد نهاية المتتالية (u_n)	0,75

التمرين الثاني: (3 ن)

نعتبر الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد منظم مباشر $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، النقطتين $A(1,3,4)$ و $B(0,1,2)$	
1) أ- بين أن $\vec{OA} \wedge \vec{OB} = 2\vec{i} - 2\vec{j} + \vec{k}$	0,5
ب- بين أن $2x - 2y + z = 0$ هي معادلة ديكارتية للمستوى (OAB) .	0,5
2) لتكن الفلكة (S) التي معادلتها $x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 6y - 6z + 2 = 0$	0,5
بين أن مركز الفلكة (S) هو النقطة $\Omega(3,-3,3)$ و شعاعها 5	
3) أ- بين أن المستوى (OAB) مماس للفلكة (S)	0,75
ب- حدد مثلوث إحداثيات H نقطة تماس المستوى (OAB) و الفلكة (S)	0,75

التمرين الثالث : (3 ن)

1) حل في مجموعة الأعداد العقدية \mathbb{C} المعادلة : $z^2 - 8z + 41 = 0$	0,75
2) نعتبر ، في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد منظم (O, \vec{u}, \vec{v}) ، النقط A و B و C و Ω التي أحاقها	

على التوالي هي a و b و c و ω بحيث $a = 4 + 5i$ و $b = 3 + 4i$ و $c = 6 + 7i$ و $\omega = 4 + 7i$

أ- أحسب $\frac{c-b}{a-b}$ واستنتج أن النقط A و B و C مستقيمية .	0,75
ب- ليكن z لحق نقطة M من المستوى و z' لحق النقطة M' صورة M بالدوران R الذي مركزه Ω وزاويته $-\frac{\pi}{2}$ بين أن $z' = -iz - 3 + 11i$	0,75
ج- حدد صورة النقطة C بالدوران R ثم اعط شكلا مثلثيا للعدد $\frac{a-\omega}{c-\omega}$	0,75

التمرين الرابع : (3 ن)

يحتوي صندوق على 10 كرات تحمل الأعداد : 1 و 2 و 2 و 3 و 3 و 3 و 4 و 4 و 4 و 4 (لا يمكن التمييز بين الكرات باللمس) نعتبر التجربة التالية : نسحب عشوائيا بالتتابع وبدون إحلال كرتين من الصندوق. 1) ليكن A الحدث : " الحصول على كرتين تحملان عددين زوجيين " .	1
بين أن $p(A) = \frac{1}{3}$	
2) نكرر التجربة السابقة ثلاث مرات بحيث نعيد الكرتين المسحوبتين إلى الصندوق بعد كل تجربة . ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد المرات التي يتحقق فيها الحدث A بين أن $p(X = 1) = \frac{4}{9}$ ثم حدد قانون احتمال المتغير العشوائي X	2

مسألة : (8 ن)

I. لتكن g الدالة العددية المعرفة على $]0, +\infty[$ بما يلي : $g(x) = \frac{2}{x} - 1 + 2 \ln x$	
الجدول جانبه هو جدول تغيرات الدالة g على $]0, +\infty[$	
1) أحسب $g(1)$	0,25
2) استنتج انطلاقا من الجدول أن : $g(x) > 0$ لكل x من $]0, +\infty[$	0,75
II. نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $]0, +\infty[$ بما يلي : $f(x) = 3 - 3x + 2(x+1) \ln x$	
و ليكن (C) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم (O, \vec{i}, \vec{j}) (الوحدة $2cm$)	
1) بين أن $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$ و أعط تأويلا هندسيا لهذه النتيجة .	0,75

	(2) أ- بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$	0,5
	(لحساب النهاية يمكنك كتابة $f(x)$ على الشكل $f(x) = x \left[\frac{3}{x} - 3 + 2 \left(1 + \frac{1}{x} \right) \ln x \right]$	
	ب- بين أن المنحنى (C) يقبل فرعا شلجيميا في اتجاه محور الأرتايب بجوار $+\infty$	0,5
	(3) أ- بين أن $f'(x) = g(x)$ لكل x من $]0, +\infty[$	0,75
	ب- استنتج أن الدالة f تزايدية قطعاً على $]0, +\infty[$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة f على $]0, +\infty[$	0,75
	(4) أ- بين أن $I(1,0)$ نقطة انعطاف للمنحنى (C)	0,5
	ب- بين أن $y = x - 1$ هي معادلة ديكارتية للمستقيم (T) مماس للمنحنى (C) في النقطة I	0,25
	ج- أنشئ ، في نفس المعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) ، المستقيم (T) و المنحنى (C)	0,75
	(5) أ- بين أن $\int_1^2 \left(1 + \frac{x}{2} \right) dx = \frac{7}{4}$	0,5
	ب- باستعمال مكاملة بالأجزاء ، بين أن $\int_1^2 (x+1) \ln x dx = 4 \ln 2 - \frac{7}{4}$	0,75
	ج- أحسب ، ب cm^2 ، مساحة حيز المستوى المحصور بين المنحنى (C) و محور الأفاصيل و المستقيمين اللذين معادلتاهما $x = 2$ و $x = 1$	0,5
	(6) حل مبيانيا المتراجحة : $(x+1) \ln x \geq \frac{3}{2}(x-1)$ ؛ $x \in]0, +\infty[$	

التصحيح :

تصحيح التمرين الأول :

(1) أ. لنبين بالترجع أن : $u_n > 1$ لكل n من \mathbb{N}

✓ من أجل $n = 0$:

$$u_0 = 2 \text{ لدينا}$$

$$u_0 > 1 \text{ إذن}$$

✓ ليكن $n \in \mathbb{N}$

• نفترض أن : $u_n > 1$

• و نبين أن : $u_{n+1} > 1$

لدينا حسب الإفتراض : $u_n > 1$

$$\text{إذن } \frac{1}{16}u_n > \frac{1}{16}$$

$$\text{إذن } \frac{1}{16}u_n + \frac{15}{16} > \frac{1}{16} + \frac{15}{16}$$

$$\text{إذن : } u_{n+1} > 1$$

✓ نستنتج أن : $u_n > 1$ لكل n من \mathbb{N} .

ب.

❖ ليكن $n \in \mathbb{N}$

$$u_{n+1} - u_n = \frac{1}{16}u_n + \frac{15}{16} - u_n$$

$$= \left(\frac{1}{16} - 1 \right) u_n + \frac{15}{16}$$

$$= \frac{-15}{16}u_n + \frac{15}{16}$$

$$\text{إذن : } u_{n+1} - u_n = -\frac{15}{16}(u_n - 1) \text{ لكل } n \text{ من } \mathbb{N}$$

❖ لدينا حسب نتيجة السؤال (1) أ. $u_n > 1$

$$\text{إذن } u_n - 1 > 0$$

$$\text{إذن } \frac{-15}{16}(u_n - 1) < 0$$

ومنه $u_{n+1} - u_n < 0$ لكل n من \mathbb{N}

و بالتالي المتتالية (u_n) تناقصية

ج. بما أن (u_n) تناقصية و مصفورة (بالعدد 1) فإن (u_n) متقاربة

(2)

أ.

❖ ليكن $n \in \mathbb{N}$

$$\begin{aligned} v_{n+1} &= u_{n+1} - 1 \\ &= \frac{1}{16}u_n + \frac{15}{16} - 1 \\ &= \frac{1}{16}u_n - \frac{1}{16} \\ &= \frac{1}{16}(u_n - 1) \\ &= \frac{1}{16}v_n \end{aligned}$$

إذن $v_{n+1} = \frac{1}{16}v_n$ لكل n من \mathbb{N}

ومن المتتالية (v_n) هندسية أساسها $q = \frac{1}{16}$

وحدها الأول $v_0 = u_0 - 1 = 2 - 1 = 1$

❖ لنكتب v_n بدلالة n :

$$v_n = 1 \times \left(\frac{1}{16}\right)^n \quad \text{إذن} \quad v_n = v_0 \times q^n$$

ومن $v_n = \left(\frac{1}{16}\right)^n$ لكل n من \mathbb{N}

ب.

❖ ليكن $n \in \mathbb{N}$:

لدينا $v_n = u_n - 1$ إذن $u_n = v_n + 1$

ومن $u_n = \left(\frac{1}{16}\right)^n + 1$ لكل n من \mathbb{N}

❖ بما أن $-1 < \frac{1}{16} < 1$ فإن $\lim_{n \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{16}\right)^n = 0$

ومن $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 1$

تصحيح التمرين الثاني :

1 أ. لدينا : $\overrightarrow{OA}(1,3,4)$ و $\overrightarrow{OB}(0,1,2)$

$$\overrightarrow{OA} \wedge \overrightarrow{OB} = \begin{vmatrix} 3 & 1 \\ 4 & 2 \end{vmatrix} \vec{i} - \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 4 & 2 \end{vmatrix} \vec{j} + \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 1 \end{vmatrix} \vec{k}$$

$$\overrightarrow{OA} \wedge \overrightarrow{OB} = 2\vec{i} - 2\vec{j} + \vec{k} \quad \text{إذن :}$$

ب. لدينا : $\overrightarrow{OA} \wedge \overrightarrow{OB}(2,-2,1)$ متجهة منظمية للمستوى (OAB)

إذن معادلة ديكارتية للمستوى (OAB) تكتب على شكل : $2x - 2y + 1z + d = 0$

و بما أن : $O(0,0,0) \in (OAB)$ فإن : $2 \cdot (0) - 2 \cdot (0) + 1 \cdot (0) + d = 0$

إذن : $d = 0$

و بالتالي معادلة للمستوى (OAB) هي : $2x - 2y + z = 0$

2 لتكن الفلكة (S) التي معادلتها $x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 6y - 6z + 2 = 0$

$$\text{لدينا : } x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 6y - 6z + 2 = 0$$

$$\text{تكافئ : } x^2 - 6x + y^2 + 6y + z^2 - 6z = -2$$

تكافئ :

$$x^2 - 2(3)x + (3)^2 + y^2 - 2(-3)y + (-3)^2 + z^2 - 2(3)z + (3)^2 = -2 + (3)^2 + (3)^2 + (3)^2$$

$$\text{تكافئ : } (x-3)^2 + (y+3)^2 + (z-3)^2 = 25 = (5)^2$$

إذن مركز الفلكة (S) هو النقطة $\Omega(3,-3,3)$ و شعاعها $R = 5$

$$3 \text{ أ. لدينا : } d(\Omega, (OAB)) = \frac{|2(3) - 2(-3) + (3)|}{\sqrt{(2)^2 + (-2)^2 + (1)^2}} = \frac{15}{3} = 5$$

بما أن : $d(\Omega, (OAB)) = R$ فإن المستوى (OAB) مماس للفلكة (S)

ب. لنحدد $H(x_H, y_H, z_H)$ نقطة تماس المستوى (OAB) و الفلكة (S)

لدينا $H(x_H, y_H, z_H)$ هي المسقط العمودي للنقطة $\Omega(3,-3,3)$ على المستوى (OAB)

و بالتالي $H(x_H, y_H, z_H)$ هي نقطة تقاطع المستقيم (Δ) المار من $\Omega(3,-3,3)$

و العمودي على المستوى (OAB) مع المستوى (OAB) .

لدينا $\overrightarrow{OA} \wedge \overrightarrow{OB}(2,-2,1)$ متجهة منظمية للمستوى (OAB) و بما أن $(\Delta) \perp (OAB)$

فإن : $\overrightarrow{OA} \wedge \overrightarrow{OB}(2,-2,1)$ هي متجهة موجهة للمستوى (OAB) . و لدينا $\Omega(3,-3,3) \in (\Delta)$

$$(t \in \mathbb{R}) \begin{cases} x = 3 + 2t \\ y = -3 - 2t : (\Delta) \text{ إذن تمثيل بارامتري للمستقيم} \\ z = 3 + t \end{cases}$$

$$(t \in \mathbb{R}) \begin{cases} x_H = 3 + 2t \\ y_H = -3 - 2t \\ z_H = 3 + t \\ 2x_H - 2y_H + z_H = 0 \end{cases} \text{ تكافئ } H(x_H, y_H, z_H) \in (\Delta) \cap (OAB)$$

$$\text{بالتعويض نجد : } 2(3 + 2t) - 2(-3 - 2t) + (3 + t) = 0$$

$$\text{ومنه : } t = -1$$

$$.H(1, -1, 2) : \text{ أي } \begin{cases} x_H = 3 + 2(-1) = 1 \\ y_H = -3 - 2(-1) = -1 \\ z_H = 3 + (-1) = 2 \end{cases} \text{ و بالتالي :}$$

تصحيح التمرين الثالث :

$$(1) \text{ لنحل في } \mathbb{C} \text{ المعادلة : } z^2 - 8z + 41 = 0$$

$$\text{لدينا : } \Delta = (-8)^2 - 4(1)(41) = -100$$

بما أن $\Delta < 0$ فإن المعادلة تقبل حلين عقددين مترافقين

$$z = \frac{-(-8) + i\sqrt{100}}{2(1)} \text{ أو } z = \frac{-(-8) - i\sqrt{100}}{2(1)}$$

$$z = 4 - 5i \text{ أو } z = 4 + 5i$$

$$\text{إذن : } S = \{4 - 5i, 4 + 5i\}$$

$$(2) \text{ أ. لدينا : } \frac{c-b}{a-b} = \frac{(6+7i)-(3+4i)}{(4+5i)-(3+4i)} = \frac{3+3i}{1+i} = \frac{3(1+i)}{1+i} = 3$$

بما أن $\frac{c-b}{a-b} \in \mathbb{R}$ فإن النقط A و B و C مستقيمية.

ب. R الدوران الذي مركزه $\Omega(\omega)$ و زاويته $\frac{-\pi}{2}$

$M'(z')$ صورة $M(z)$ بالدوران R

$$\text{لدينا : } z' - \omega = e^{i\left(\frac{-\pi}{2}\right)}(z - \omega)$$

$$z' - (4 + 7i) = -i(z - (4 + 7i)) \text{ : إذن}$$

$$z' - 4 - 7i = -i(z - 4 - 7i) \text{ : إذن}$$

$$z' = -i(z - 4 - 7i) + 4 + 7i \text{ : إذن}$$

$$z' = -iz + 4i - 7 + 4 + 7i \text{ : إذن}$$

$$z' = -iz - 3 + 11i \text{ : ومنه}$$

ج.

❖ لنحدد صورة النقطة C بالدوران R :

$$\text{لدينا : } -ic - 3 + 11i = -i(6 + 7i) - 3 + 11i = -6i + 7 - 3 + 11i = 4 + 5i = a$$

إذن : A هي صورة C بالدوران R .

$$\left\{ \begin{array}{l} \Omega A = \Omega C \\ \left(\overrightarrow{\Omega C}, \overrightarrow{\Omega A} \right) \equiv \frac{-\pi}{2} [2\pi] \end{array} \right. \text{ : إذن : } R(C) = A \text{ : لدينا : } \text{❖}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\Omega A}{\Omega C} = 1 \\ \left(\overrightarrow{\Omega C}, \overrightarrow{\Omega A} \right) \equiv \frac{-\pi}{2} [2\pi] \end{array} \right. \text{ : إذن}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \left| \frac{a - \omega}{c - \omega} \right| = 1 \\ \arg \left(\frac{a - \omega}{c - \omega} \right) \equiv \frac{-\pi}{2} [2\pi] \end{array} \right. \text{ : إذن}$$

$$\frac{a - \omega}{c - \omega} = 1 \left(\cos \left(\frac{-\pi}{2} \right) + i \sin \left(\frac{-\pi}{2} \right) \right) \text{ : ومنه}$$

تصحيح التمرين الرابع :

التجربة " نسحب عشوائيا بالتتابع و بدون إحلال كرتين من الصندوق "

ليكن Ω كون إمكانيات هذه التجربة

$$\text{لدينا : } \text{card } \Omega = A_{10}^2 = 90$$

(1) " الحصول على كرتين تحملان عددين زوجيين "

$$\text{لدينا : } \text{card } A = A_6^2 = 30$$

$$\text{إذن : } p(A) = \frac{\text{card } A}{\text{card } \Omega} = \frac{30}{90}$$

$$p(A) = \frac{1}{3} : \text{ومنه}$$

$$(2) \text{ لدينا : } X \text{ متغير عشوائي حدائي وسيطاه } n=3 \text{ و } p = p(A) = \frac{1}{3}$$

$$p(X=1) = C_3^1 p^1 (1-p)^{3-1} = 3 \times \frac{1}{3} \times \left(1 - \frac{1}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}$$

لنحدد قانون احتمال X :

$$p(X=0) = C_3^0 p^0 (1-p)^{3-0} = 1 \times 1 \times \left(1 - \frac{1}{3}\right)^3 = \frac{8}{27}$$

$$p(X=1) = \frac{4}{9} = \frac{12}{27}$$

$$p(X=2) = C_3^2 p^2 (1-p)^{3-2} = 3 \times \left(\frac{1}{3}\right)^2 \times \left(1 - \frac{1}{3}\right)^1 = \frac{2}{9} = \frac{6}{27}$$

$$p(X=3) = C_3^3 p^3 (1-p)^{3-3} = 1 \times \left(\frac{1}{3}\right)^3 \times \left(1 - \frac{1}{3}\right)^0 = \frac{1}{27}$$

x_i	0	1	2	3
$p(X=x_i)$	$\frac{8}{27}$	$\frac{4}{9} = \frac{12}{27}$	$\frac{2}{9} = \frac{6}{27}$	$\frac{1}{27}$

تصحيح المسألة :

I

$$g(1) = \frac{2}{1} - 1 + 2 \ln(1) = 2 - 1 + (2 \times 0) = 1 \quad (1)$$

(2) لدينا $g(1)$ هي القيمة الدنيا للدالة g على $]0, +\infty[$

$$\forall x \in]0, +\infty[: g(x) \geq g(1)$$

$$\forall x \in]0, +\infty[: g(x) \geq 1$$

$$\forall x \in]0, +\infty[: g(x) > 0 \text{ : ومنه}$$

II

$$(1) \text{ لدينا : } \lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x) = \lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} 3 - 3x + 2(x+1) \ln(x) = -\infty$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} 3 - 3x = 3 \\ \lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} 2(x + 1) = 2 \\ \lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} \ln(x) = -\infty \end{array} \right. \quad \text{لأن :}$$

التأويل الهندسي : (C) يقبل مقارب عمودي معادلته $x = 0$

(2) أ.

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) &= \lim_{x \rightarrow +\infty} 3 - 3x + 2(x + 1) \ln x \\ &= \lim_{x \rightarrow +\infty} x \left(\frac{3}{x} - 3 + 2 \left(\frac{x + 1}{x} \right) \ln x \right) \\ &= \lim_{x \rightarrow +\infty} x \left(\frac{3}{x} - 3 + 2 \left(1 + \frac{1}{x} \right) \ln x \right) \\ &= +\infty \end{aligned}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \lim_{x \rightarrow +\infty} x = +\infty \\ \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3}{x} - 3 = -3 \\ \lim_{x \rightarrow +\infty} 2 \left(1 + \frac{1}{x} \right) = 2 \\ \lim_{x \rightarrow +\infty} \ln x = +\infty \end{array} \right. \quad \text{لأن :}$$

ب. لدينا : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3}{x} - 3 + 2 \left(1 + \frac{1}{x} \right) \ln x = +\infty \quad \text{و}$$

إذن : (C) يقبل فرعاً شلجيمياً في اتجاه محور الأرتيب بجوار $+\infty$

(3) أ. ليكن $x \in]0, +\infty[$

الدالة f قابلة للاشتقاق على $]0, +\infty[$

$$\begin{aligned}
f'(x) &= (3 - 3x + 2(x+1)\ln(x))' \\
&= -3 + 2((x+1)'\ln(x) + (x+1)\ln'(x)) \\
&= -3 + 2\left(\ln(x) + (x+1) \times \frac{1}{x}\right) \\
&= -3 + 2\left(\ln x + \frac{x+1}{x}\right) \\
&= -3 + 2\left(\ln x + 1 + \frac{1}{x}\right) \\
&= -3 + 2\ln x + 2 + \frac{2}{x} \\
&= \frac{2}{x} - 1 + 2\ln x
\end{aligned}$$

إن: لكل x من $]0, +\infty[$: $f'(x) = g(x)$

ت. حسب I. 2) لدينا : $\forall x \in]0, +\infty[: g(x) > 0$

و منه : $\forall x \in]0, +\infty[: f'(x) > 0$

وبالتالي f تزايدية قطعاً على $]0, +\infty[$

جدول تغيرات الدالة f :

x	0	$+\infty$
$f'(x)$	+	
$f(x)$	$-\infty$	$+\infty$

(4) أ. ليكن $x \in]0, +\infty[$:

لدينا f' قابلة للإشتقاق على $]0, +\infty[$

$$\begin{aligned}
 f''(x) &= (f'(x))' \\
 &= g'(x) \\
 &= \frac{-2}{x^2} + \frac{2}{x} \\
 &= \frac{-2+2x}{x^2} \\
 &= \frac{2(x-1)}{x^2}
 \end{aligned}$$

$$f''(x) = 0 \Leftrightarrow x = 1$$

بما أن $x^2 > 0$ فإن إشارة $f''(x)$ هي إشارة $x - 1$

x	0	1	$+\infty$
$f''(x)$	-	0	+

لدينا : f'' تنعدم و تغير إشارتها عند 1 إذن النقطة $I(1,0)$ هي نقطة انعطاف للمنحنى (C).

$$(\text{لاحظ } f(1) = 0)$$

ب. معادلة ديكارتية للمستقيم (T) المماس للمنحنى (C) في النقطة $I(1,0)$:

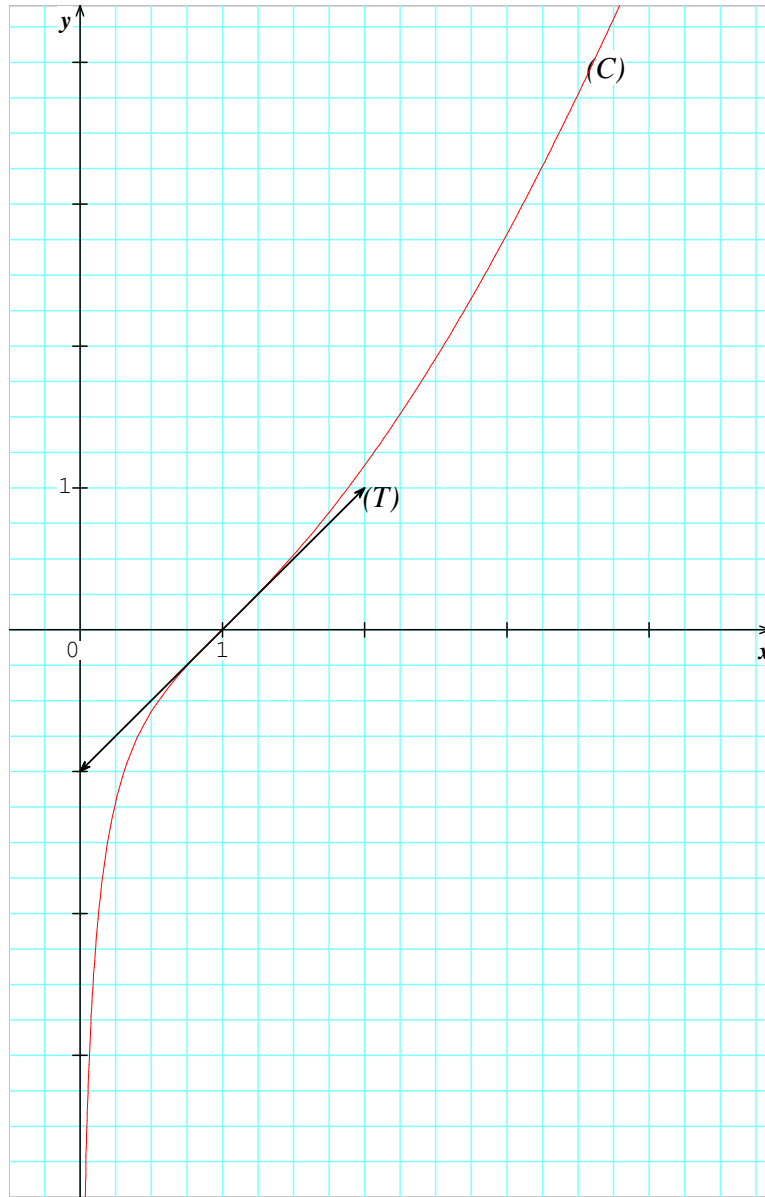
$$y = f'(1)(x-1) + f(1)$$

$$\text{لدينا : } f'(1) = g(1) = 1 \text{ و } f(1) = 0$$

$$\text{إذن : } y = 1 \times (x-1) + 0$$

$$\text{ومنه : } (T) : y = x - 1$$

ج. إنشاء (C):



(5) أ.

$$\begin{aligned}\int_1^2 \left(1 + \frac{x}{2}\right) dx &= \left[x + \frac{x^2}{4} \right]_1^2 \\ &= \left(2 + \frac{2^2}{4}\right) - \left(1 + \frac{1^2}{4}\right) \\ &= 3 - \frac{5}{4} \\ &= \frac{7}{4}\end{aligned}$$

$$\begin{cases} u'(x) = x + 1 \\ v(x) = \ln x \end{cases} \quad \nearrow \quad \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} + x \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases} \quad \text{ب.}$$

$$\begin{aligned}\int_1^2 (x+1)\ln(x) dx &= \left[\left(\frac{x^2}{2} + x\right) \ln x \right]_1^2 - \int_1^2 \left(\frac{x^2}{2} + x\right) \times \frac{1}{x} dx \\ &= (4\ln 2) - \left(\frac{3}{2}\ln 1\right) - \int_1^2 \left(1 + \frac{x}{2}\right) dx \\ &= 4\ln(2) - \frac{7}{4}\end{aligned}$$

$$\text{ج. لدينا : } A = \int_1^2 |f(x)| dx \times \|\vec{i}\| \times \|\vec{j}\|$$

$$\text{على المجال } [1, 2] \text{ لدينا : } f(x) \geq 0$$

$$\text{إذن : } A = \int_1^2 f(x) dx \times 2cm \times 2cm$$

$$\text{إذن : } A = \int_1^2 (3 - 3x + 2(x+1)\ln(x)) dx \times 4cm^2$$

$$\text{إذن : } A = \left(\int_1^2 (3 - 3x) dx + 2 \int_1^2 (x+1)\ln(x) dx \right) \times 4cm^2$$

$$\text{إذن : } A = \left(\left[3x - \frac{3x^2}{2} \right]_1^2 + 2 \left(4\ln(2) - \frac{7}{4} \right) \right) \times 4cm^2$$

$$A = \left((0) - \left(\frac{3}{2} \right) + 8 \ln(2) - \frac{7}{2} \right) \times 4 \text{cm}^2 \quad \text{إذن :}$$

$$A = (-5 + 8 \ln(2)) \times 4 \text{cm}^2 \quad \text{إذن :}$$

$$A = (-20 + 32 \ln(2)) \text{cm}^2 \quad \text{ومنه :}$$

$$(6) \quad \text{لنحل مبيانيا : } (x+1) \ln(x) \geq \frac{3}{2}(x-1) \quad x \in]0, +\infty[$$

$$(x+1) \ln(x) \geq \frac{3}{2}(x-1) \Leftrightarrow 2(x+1) \ln(x) \geq 3(x-1)$$

$$\Leftrightarrow 2(x+1) \ln x \geq 3x - 3$$

$$\Leftrightarrow 3 - 3x + 2(x+1) \ln x \geq 0$$

$$\Leftrightarrow f(x) \geq 0$$

مبيانيا $f(x) \geq 0$ تعني أن (C) يوجد فوق محور الأفاصيل

$$\text{و بالتالي : } S = [1, +\infty[$$